

## ساختار کتاب

کتاب شب امتحان ریاضی هشتم از ۴ قسمت اصلی تشکیل شده است که به صورت زیر است:

**۱- آزمون‌های نوبت اول:** آزمون‌های شماره ۱ تا ۴ این کتاب مربوط به مباحث نوبت اول است که خودش به دو قسمت تقسیم می‌شود:

(الف) آزمون‌های طبقه‌بندی شده: آزمون‌های شماره ۱ و ۲ را فصل به فصل طبقه‌بندی کرده‌ایم؛ بنابراین شما به راحتی می‌توانید پس از خواندن هر فصل از درسنامه، تعدادی سؤال را بررسی کنید. حواستان باشد این آزمون‌ها هم، ۲۰ نمره‌ای و مثل یک آزمون کامل هستند.

(ب) آزمون‌های طبقه‌بندی نشده: آزمون‌های شماره ۳ و ۴ را طبقه‌بندی نکرده‌ایم تا دو آزمون نوبت اول مشابه آزمونی باشد که معلمتان از شما خواهد گرفت.

**۲- آزمون‌های نوبت دوم:** آزمون‌های شماره ۵ تا ۱۲ از کل کتاب و مطابق امتحان پایان سال طرح شده‌اند. این قسمت هم، خودش به ۲ بخش تقسیم می‌شود:

(الف) آزمون‌های طبقه‌بندی شده: آزمون‌های شماره ۵ تا ۸ را که برای نوبت دوم طرح شده‌اند هم طبقه‌بندی کرده‌ایم. با این کار باز هم می‌توانید پس از خواندن هر فصل، تعدادی سؤال مرتبط با آن فصل را پاسخ دهید. هر کدام از این آزمون‌ها هم، ۲۰ نمره دارند؛ در واقع در این بخش، شما ۴ آزمون کامل را می‌بینید.

(ب) آزمون‌های طبقه‌بندی نشده: آزمون‌های شماره ۹ تا ۱۲ را طبقه‌بندی نکرده‌ایم؛ پس، در این بخش با ۴ آزمون نوبت دوم، مشابه آزمون پایان سال معلمتان مواجه خواهید شد.

**۳- پاسخ‌نامه تشریحی آزمون‌ها:** در پاسخ تشریحی آزمون‌ها، همه آن‌چه را که شما باید در امتحان بنویسید تا نمره کامل کسب کنید، برایتان نوشته‌ایم.

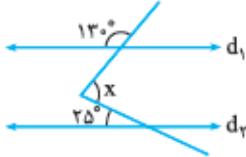
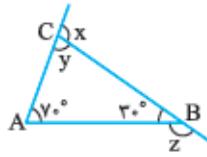
**۴- درسنامه کامل شب امتحانی:** این قسمت، برگ برنده شما نسبت به کسانی است که این کتاب را نمی‌خواهند در این قسمت، همه آن‌چه را که شما برای گرفتن نمره عالی در امتحان ریاضی هشتم نیاز دارید، تنها در ۲۰ صفحه آورده‌ایم، بخوانید و لذتش را ببرید! **یک راهکار:** موقع امتحان‌های نوبت اول می‌توانید از سؤال‌های فصل ۱ تا ۵ آزمون‌های ۵ تا ۸ هم استفاده کنید!

## فهرست

### بازبینی درس ریاضی هشتم

شماره فصل	نوبت اول	نوبت دوم
فصل اول	۱/۵ نفره	۴/۵ نفره
فصل دوم	۲/۵ نفره	۳/۵ نفره
فصل سوم	۳/۵ نفره	۴/۵ نفره
فصل چهارم	۵ نفره	۱/۵ نفره
فصل پنجم	۳/۵ نفره	۱/۵ نفره
فصل ششم	۳/۵ نفره	-
فصل هفتم	-	۳/۵ نفره
فصل هشتم	-	۲/۵ نفره
فصل نهم	-	۳ نفره
جمع	۲۰ نفره	۲۰ نفره

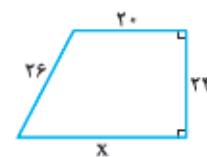
نوبت	نوبت	شماره صفحات
۱	۲	آزمون شماره ۱ (طبقه‌بندی شده)
۲	۳	آزمون شماره ۲ (طبقه‌بندی شده)
۳	۴	آزمون شماره ۳ (طبقه‌بندی نشده)
۴	۵	آزمون شماره ۴ (طبقه‌بندی نشده)
۵	۶	آزمون شماره ۵ (طبقه‌بندی شده)
۶	۷	آزمون شماره ۶ (طبقه‌بندی شده)
۷	۸	آزمون شماره ۷ (طبقه‌بندی شده)
۸	۹	آزمون شماره ۸ (طبقه‌بندی شده)
۹	۱۰	آزمون شماره ۹ (طبقه‌بندی نشده)
۱۰	۱۱	آزمون شماره ۱۰ (طبقه‌بندی نشده)
۱۱	۱۲	آزمون شماره ۱۱ (طبقه‌بندی نشده)
۱۲	۱۳	آزمون شماره ۱۲ (طبقه‌بندی نشده)

ریاضی	نوبت اول	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	http://kheilisabz.com	نمره
	آزمون شماره ۱	پایه هشتم متوسطه اول		ردیف
۱/۵	کدام یک از اعداد زیر، گویا نیست؟	۱) $\sqrt{9+16}$ ۲) $\pi$ ۳) $\sqrt{16}$ ۴) $\sqrt{13^2 - 12^2}$		۱
۱	در هر مربع علامت (+) یا (-) قرار دهید تا حاصل کوچکترین مقدار ممکن شود. سپس حاصل عبارت را به دست آورید.	$(-5) \square (-9) \square (+3) =$		۲
۱	معکوس قرینه عدد $\frac{2}{7} - 3$ را به دست آورید.	$\frac{1}{\frac{2}{7} - 3} + 1 = \frac{1}{-\frac{19}{7}} + 1 = -\frac{7}{19} + 1 = \frac{12}{19}$		۳
۲	حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.	$\frac{4}{25} - \frac{6}{5} \div \frac{1}{8} =$		۴
۱/۵	چهار برابر حاصل ضرب دو عدد اول، ۱۸۴ است. آن دو عدد کدام‌اند؟			۵
۱	شمارنده‌های اول عدد ۴۵۰۰ را مشخص کنید.			۶
۱	با استفاده از روش غربال، اعداد اول بین ۴۰ تا ۶۰ را مشخص کنید.			۷
۱/۵	با توجه به رابطه خط‌ها در هر قسمت، جاهای خالی را کامل کنید.	$a \perp b \quad a \perp c \Rightarrow b \dots c$ $d \parallel e \quad d \parallel f \Rightarrow e \dots f$		۸
۱	در شکل مقابل، دو خط $d_1$ و $d_2$ موازی هستند. مقدار $x$ را مشخص کنید.			۹
۱/۵	در شکل مقابل، مقادیر $x$ و $z$ را تعیین کنید.			۱۰
۱	یکی از زوایای داخلی یک $n$ -ضلعی منتظم $162^\circ$ است. تعداد محورهای تقارن در این چندضلعی را بیابید.			۱۱
۱/۵	حاصل عبارات زیر را، به ساده‌ترین شکل ممکن بنویسید.	$(\mathfrak{f}a - \mathfrak{f}b)^{\mathfrak{T}}$ (الف) $(\mathfrak{f}ab^{\mathfrak{T}})^{\mathfrak{T}} \times (\mathfrak{f}b)^{\mathfrak{T}}$ (ب)		۱۲
۱/۵	حاصل عبارت مقابل را به ازای $x = 2$ به دست آورید.	$-x^{\mathfrak{T}} - x^{\mathfrak{T}} =$		۱۳
۱/۵	عبارت مقابل را پس از تجزیه، ساده کنید.	$\frac{\mathfrak{f}x^{\mathfrak{T}}y + \mathfrak{f}xy^{\mathfrak{T}}}{\mathfrak{f}x^{\mathfrak{T}}y^{\mathfrak{T}} + \mathfrak{f}x^{\mathfrak{T}}y^{\mathfrak{T}}} =$		۱۴
۱/۵	معادله مقابل را حل کنید.	$-x - \frac{2x-1}{3} = 1 - \frac{2x+1}{2}$		۱۵



نمره	http://kheilisabz.com	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نوبت اول	روانی
	پایه هشتم متوسطه اول		آزمون شماره ۱	ردیف
۱/۵			با توجه به بردارهای مقابله، بردار $2\vec{b} - \vec{a}$ را رسم کنید.	۱۶
۰/۵			حاصل عبارت زیر را به دست آورید.	۱۷
۰/۵	$\begin{bmatrix} 5 \\ -2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 12 \\ -4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -3 \\ 10 \end{bmatrix} =$		با توجه به بردارهای $\vec{a}$ , $\vec{b}$ , مختصات بردار $\vec{c} = 2\vec{a} - \vec{b}$ را به دست آورید.	۱۸
۱	$\begin{bmatrix} 6 \\ 5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3x-2 \\ 4y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 16 \\ 12 \end{bmatrix}$		در تساوی زیر، مقدار $x$ و $y$ را به دست آورید.	۱۹
۲۰	جمع نظرات	موفق باشید		



ریاضی	نوبت دوم	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	http://kheilisabz.com	نمره
ردیف	آزمون شماره ۱	پایه هشتم متوسطه اول		
۱	درستی یا نادرستی هر یک از جملات زیر را مشخص کنید.			۲
	الف) مثلث متساوی الاضلاع مرکز تقارن ندارد. ب) با سه پاره خط به اندازه های ۷، ۱۲ و ۱۳ نمی توان یک مثلث قائم الزاویه ساخت. پ) $\sqrt{27}$ بین اعداد $\sqrt{26}$ و $\sqrt{28}$ قرار دارد. ت) اگر مجموع چند عدد را بر ۲ تقسیم کنیم، میانگین آن ها به دست می آید.			
۲	هر یک از جملات زیر را با عدد و یا عبارت مناسب کامل کنید.			۲
	الف) مقدار عددی عبارت $x^2 + y^2$ به ازای $x = 2$ و $y = 1$ برابر _____ است. ب) $16$ برابر عدد $8$ ، به صورت عدد توان دار برابر با _____ است. پ) در جدول آماری، خطنشان با _____ برابر است. ت) در هر دایره، شعاع در نقطه تماس بر خط مماس _____ است.			
۳	گزینه درست را انتخاب کنید.			۳
	الف) حاصل عبارت $3 - (-2 - 1) \times 3$ کدام است؟			
	(۴) صفر <input type="checkbox"/> (۳) $-12$ <input type="checkbox"/> (۲) $-6$ <input type="checkbox"/> (۱) $5$ <input type="checkbox"/>			
	ب) کدام بردار، موازی محور عرض ها است؟			
	$\vec{d} = \begin{bmatrix} -2 \\ +3 \end{bmatrix}$ <input type="checkbox"/> $\vec{c} = \begin{bmatrix} 0 \\ 7 \end{bmatrix}$ <input type="checkbox"/> $\vec{b} = \begin{bmatrix} 4 \\ 0 \end{bmatrix}$ <input type="checkbox"/> $\vec{a} = \begin{bmatrix} 5 \\ 5 \end{bmatrix}$ <input type="checkbox"/>			
	پ) کدام یک از تساوی های زیر درست نیست؟			
	$\sqrt{\frac{25}{16}} = \frac{5}{4}$ <input type="checkbox"/> $\sqrt{5} \times \sqrt{4} = \sqrt{20}$ <input type="checkbox"/> $\sqrt{25 \times 16} = 5 \times 4$ <input type="checkbox"/> $\sqrt{25 - 16} = 5 - 4$ <input type="checkbox"/>			
	ت) یک تاس و یک سکه را همزمان پرتاب می کنیم. احتمال این که سکه رو و تاس عددی اول بیاید چه قدر است؟			
	(۴) $\frac{1}{5}$ <input type="checkbox"/> (۳) $\frac{1}{6}$ <input type="checkbox"/> (۲) $\frac{1}{4}$ <input type="checkbox"/> (۱) $\frac{1}{3}$ <input type="checkbox"/>			
۴	حاصل عبارت مقابله را به دست آورید.			۴
۵	پنج برابر حاصل ضرب دو عدد اول، $370$ است. اختلاف دو عدد اول را به دست آورید.			۵
۶	عدد $119$ اول است یا مرکب؟ چرا؟			۶
۷	با توجه به شکل مقابله، اندازه زاویه های خواسته شده را مشخص کنید.			۷
	 $a = \dots\dots$ $b = \dots\dots$ $c = \dots\dots$			
۸	عبارت جبری مقابله را ساده کنید.			۸
۹	معادله مختصاتی مقابله را حل کنید.			۹
۱۰	در شکل مقابله، مقدار $x$ را به دست آورید.			۱۰
				



ردیف	ریاضی	نوبت دوم	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	http://kheilisabz.com	نمره
	آزمون شماره ۱		پایه هشتم متوسطه اول		
۱/۵	در شکل زیر، چهارضلعی ABCD متساوی‌الاضلاع است. همنهشتی مثلث‌های AHB و DH'C را اثبات کنید.				۱۱
۱	$\frac{(x^r)^s \times y^r}{(xy^r)^b} =$ حاصل عبارت مقابله را به صورت توان دار بنویسید. ( $x, y \neq 0$ )				۱۲
۱	عدد $\sqrt{5} - 2$ را روی محور اعداد نشان دهید.				۱۳
۰/۵	میانگین اعداد مقابله را به دست آورید.		۱۰, -۱۰, -۷, ۱۵, ۲۲		۱۴
۱	دو سکه را همزمان پرتاب می‌کنیم: الف) چند حالت داریم؟ ب) احتمال این که یکی رو و دیگری پشت بباید چه قدر است؟				۱۵
۱	شعاع دایره‌ای ۵ سانتی‌متر و فاصله مرکز دایره تا خط $d$ , ۴ سانتی‌متر است. وضعیت نسبی خط و دایره را رسم کنید و مشخص کنید خط و دایره در چند نقطه یکدیگر را قطع می‌کنند؟				۱۶
۱	در شکل مقابل، O مرکز دایره و کمان CB برابر $80^\circ$ است. اندازه زوایه‌ها و کمان خواسته‌شده را بنویسید.			$\widehat{AC} = \dots\dots$ $\widehat{B} = \dots\dots$ $\widehat{BOC} = \dots\dots$ $\widehat{COA} = \dots\dots$	۱۷
۲۰	جمع نمرات	موفق باشید			

# پاسخ‌نامه

۹- برای مشخص کردن مقدار  $X$  از محل برخورد دو خط مورب، خطی موازی  $d_1$  و  $d_2$  رسم می‌کنیم با توجه به خصوصیات خطوط موازی و مورب داریم:



۱۰- می‌دانیم مجموع زوایای داخلی هر مثلث برابر  $180^\circ$  است. بنابراین:

$$y = 180^\circ - (30^\circ + 70^\circ) = 80^\circ$$

$x = 180^\circ - y = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ$

$z = 180^\circ - 30^\circ = 150^\circ$

از طرفی  $Z = 30^\circ$  نیز مکمل هستند، در نتیجه:

$$\frac{(n-2) \times 180^\circ}{n}$$

۱۱- اندازه هر یک از زوایای داخلی یک  $n$ -ضلعی منتظم از رابطه

به دست می‌آید. بنابراین  $11$  برابر است با:

$$\frac{(n-2) \times 180^\circ}{n} = 162^\circ \Rightarrow n = 20$$

بنابراین شکل  $20$ -ضلعی منتظم بوده که دلای  $20$  محور تقارن است.

۱۲- ابتدا هر یک از پرانتزها را به توان می‌رسانیم.

$$(4ab^2)^3 \times (2b)^2 = 64a^3b^6 \times 4b^2 = 256a^3b^8$$

۱۳- مقدار  $2$  را در عبارت داده شده جایگذاری می‌کنیم.

$$-x^2 - x^2 \xrightarrow{x=2} = -(2)^2 - (2)^2 = -4 - 8 = -12$$

۱۴- ابتدا عبارت‌های مشترک را از صورت و مخرج فاکتور می‌گیریم، سپس آن را

$$\frac{4x^2y + 2xy^2}{8x^2y^2 + 4x^2y^2} = \frac{2xy(2x+y)}{4x^2y^2(2x+y)} = \frac{1}{2xy}$$

ساده می‌کنیم.

$$6 \times (-x - \frac{2x+1}{2}) = (1 - \frac{2x+1}{2}) \times 6$$

$$\Rightarrow -6x - 4x + 2 = 6 - 6x - 3 \Rightarrow 4x = 5 \Rightarrow x = \frac{5}{4}$$

۱۵- برای سهولت در محاسبات، طرفین معادله را در  $6$  ضرب می‌کنیم.

$$6 \times (-x - \frac{2x+1}{2}) = (1 - \frac{2x+1}{2}) \times 6$$

$$\Rightarrow -6x - 4x + 2 = 6 - 6x - 3 \Rightarrow 4x = 5 \Rightarrow x = \frac{5}{4}$$

۱۶- برای رسم بردار  $\vec{a} - 2\vec{b}$  بردار  $\vec{a}$  را با قرینه  $2$  بردار  $\vec{b}$  جمع می‌کنیم.

$$\vec{a} - 2\vec{b} = \vec{a} + (-2\vec{b})$$



۱۷- طول‌ها را با هم و عرض‌ها را با هم، جمع می‌کنیم.

$$\begin{bmatrix} 5 \\ -2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 12 \\ -4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -3 \\ 10 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 14 \\ 4 \end{bmatrix}$$

۱۸- با جایگذاری مختصات  $a$  و  $b$ . داریم:

$$\vec{c} = 2\vec{a} - \vec{b} \Rightarrow \vec{c} = 2 \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8 \\ 3 \end{bmatrix}$$

۱۹- پس از جمع دو مختصات طرف چپ معادله، با توجه به تساوی دو مختصات

طول‌ها را مساوی هم و عرض‌ها را مساوی هم قرار می‌دهیم.

$$\begin{bmatrix} 6+3x-2 \\ 5+4y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 16 \\ 12 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} 3x+4=16 \\ 5+4y=12 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=4 \\ y=2 \end{cases}$$

## آزمون شماره ۱ (نویس اول)

۱- گزینه «۲»، برسی سایر گزینه‌ها:

$$\text{گزینه (۱): } -5 = -\sqrt{25} = -\sqrt{9+16} = -\sqrt{25} \text{ گوا است. } \checkmark$$

$$\text{گزینه (۲): } 4 = \sqrt{16} = \sqrt{169-144} = \sqrt{25} = 5 \text{ گوا است. } \checkmark$$

۲- برای این که حاصل، کوچک‌ترین مقدار باشد، در مربع اول، علامت  $(+)$  قرار می‌دهیم تا جمع  $-5$  و  $-9$  حاصل کوچک‌تری ایجاد کند و در مربع دوم، علامت  $(-)$  قرار می‌دهیم تا حاصل، کم‌ترین مقدار شود.

$$(-5) + (-9) - (+2) = -5 - 9 - 3 = -17$$

۳- ابتدا عدد مخلوط داده شده را به کسر تبدیل می‌کنیم.

$$-\frac{3}{2} \xrightarrow{\text{کسر}} \frac{22}{7} \xrightarrow{\text{قرینه}} \frac{7}{22}$$

۴- با توجه به اولویت عملیات‌های ریاضی، حاصل را به دست می‌آوریم:

$$\left( \frac{4}{25} - \frac{1}{5} \right) \div \frac{1}{8} = \left( \frac{4-20}{25} \right) \div \frac{1}{8} = \frac{-16}{25} \times \frac{8}{1} = -\frac{128}{25} = -\frac{128}{125}$$

$$1 - \left( 1 - \left( \frac{1}{\frac{1}{5} \times \left( -\frac{1}{2} \right)} + 1 \right) \right) + 1 = 1 - \left( \underbrace{\left( -1 \right) \div \left( -1 \right)}_{1} \right) + 1$$

$$= 1 - 1 + 1 = 1$$

۵- ضرب دو عدد اول موردنظر  $= \frac{184}{4}$  است که عددی زوج می‌باشد. بنابراین

یکی از اعداد اول حتماً  $2$  و در نتیجه دیگری  $23$  است.

۶- با استفاده از تجزیه درختی  $4500$ ، داریم:

$$\begin{array}{c} 4500 \\ / \quad \backslash \\ 100 \quad 45 \\ / \quad \backslash \\ 10 \quad 9 \\ / \quad \backslash \\ 2 \quad 5 \end{array}$$

بنابراین شمارنده‌های اول  $4500$ ، اعداد  $2$ ،  $3$  و  $5$  هستند.

۷- ابتدا اعداد بین  $40$  تا  $60$  را نوشته و سپس مضارب اعداد اول  $2$ ،  $3$ ،  $5$  و  $7$  را به ترتیب خط می‌زنیم، دقت کنید که آخرین عدد اولی که مضارب آن خط می‌خورد  $7$  است زیرا مجدور آن از  $60$  کوچک‌تر است.

$$41, 43, 45, 47, 49, 51, 53, 55, 57, 59$$

۸- الف) خط  $a$  بر خطوط  $b$  و  $c$  عمود است در نتیجه  $b \parallel c$  موازی هستند.

$$\begin{array}{c} a \\ \parallel b \\ \parallel c \\ a \perp b \\ a \perp c \end{array} \Rightarrow b \parallel c$$

الف) خط  $d$  با خطوط  $e$  و  $f$  موازی است در نتیجه  $e \parallel f$  نیز با هم موازی هستند.

$$\begin{array}{c} d \\ \parallel e \\ \parallel f \\ d \perp e \\ d \perp f \end{array} \Rightarrow e \parallel f$$

**آزمون شماره ۹ (نوبت دوم)**

۱- (الف) درست، نقطه‌ای وجود ندارد که با چرخش  $180^\circ$  یک مثلث متساوی‌الاضلاع

حول آن، روی خودش منتظر گردد بنابراین مرکز تقارن ندارد.

(ب) درست، اندازه‌های داده شده در رابطه فیثاغورس صدق نمی‌کنند.

۲- (ب) درست، عدد ۲۷ بین ۲۶ و ۲۸ قرار دارد. بنابراین جذر آن نیز بین جذر همین

دو عدد قرار دارد.

(ت) نادرست، میانگین چند عدد برابر حاصل تقسیم مجموع آنها بر تعداد آنها است.

۳- (الف) ۵، مقادیر داده شده را در عبارت جای‌گذاری می‌کنیم

$$x^2 + y^2 = 2^2 + 1^2 = 5$$

(ب)  $2^1$ ، اعداد داده شده را به صورت پایه‌ای از ۲ می‌نویسیم.

$$16 \times 8^2 = 2^4 \times (2^3)^2 = 2^4 \times 2^6 = 2^{10}$$

(پ) فراوانی عمود

۴- (الف) گزینه «۳»، با توجه به رعایت اولویت عملیات‌های ریاضی، داریم:

$$3 \times (-2 - 1) - 3 = -9 - 3 = -12$$

(ب) گزینه «۳»، برداری موازی محور عرض‌ها است که طول آن برابر صفر باشد.

(پ) گزینه «۱»، دقت کنید ابتدا باید حاصل تفاضل زیر را بدست آورده و سپس جذر بگیریم.

(ت) گزینه «۳»، در پرتاب سکه ۲ حالت و در پرتاب تاس ۶ حالت داریم پس کلاً

حالت داریم در تاس اعداد ۲، ۳ و ۵ اول هستند، بنابراین  $\frac{1}{12}$  احتمال دارد سکه رو و تاس عددی اول بیاید.

۵- با توجه به اولویت عملیات‌های ریاضی، حاصل را به دست می‌آوریم.

$$\left[ \left( -\frac{1}{6} - \left( \frac{+4}{6} \right) \right) \div \left( \frac{25}{28} \right) \right] = \frac{-\frac{1}{6} - \frac{4}{6}}{\frac{25}{28}} = \frac{-\frac{5}{6}}{\frac{25}{28}} = -\frac{14}{15}$$

۶- حاصل ضرب دو عدد برابر  $\frac{37}{5}$  است، که عددی زوج است. بنابراین یکی از اعداد اول موردنظر ۲ و دیگری ۳۷ است که اختلاف آنها ۳۵ است.

۷- بزرگ‌ترین عدد اولی که مجذور آن از ۱۱۹ بزرگ‌تر نیست، عدد ۷ است و چون

۱۱۹ بر ۷ بخش‌پذیر است بنابراین مرکب است.

۸- در شکل داده شده  $a$  مکمل  $90^\circ$  است، بنابراین  $a = 90^\circ$ .

از طرفی  $C$  مکمل  $150^\circ$  است، پس  $30^\circ = 150^\circ - 120^\circ = 180^\circ - 150^\circ$ . همچنین می‌دانیم

مجموع زوایای داخلی یک چهارضلعی برابر  $360^\circ$  است بنابراین مقدار  $b$  برابر است

$$b = 360^\circ - (a + c + 130^\circ) = 360^\circ - (90^\circ + 30^\circ + 130^\circ) = 110^\circ$$

۹- ابتدا حاصل هر یک از پرانتزها را حساب می‌کنیم:

$$(a+b)^2 = (a+b)(a+b) = a^2 + ab + ba + b^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = (a-b)(a-b) = a^2 - ab - ba + b^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

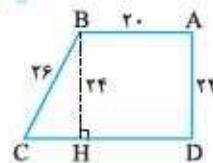
$$(a+b)^2 - (a-b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 - (a^2 - 2ab + b^2) = 4ab$$

۱۰- با توجه به بردارهای واحد مختصات، داریم:

$$-4\vec{i} - \vec{j} - 2\vec{x} = \begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix} \Rightarrow -4\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} - 2\vec{x} = \begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} -4 \\ -1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix} = 2\vec{x} \Rightarrow \begin{bmatrix} -6 \\ 1 \end{bmatrix} = 2\vec{x} \Rightarrow \vec{x} = \begin{bmatrix} -3 \\ \frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

۱۰- پاره خط  $BH$  را موازی با  $AD$  و عمود بر  $CD$  رسم می‌کنیم. با استفاده از رابطه فیثاغورس در مثلث قائم الزاویه  $BHC$ ، مقدار  $CH$  را به دست می‌آوریم.



$$CH^2 + BH^2 = BC^2 \Rightarrow CH^2 + 24^2 = 26^2 \Rightarrow CH = 10$$

$$x = \overline{CD} = \overline{CH} + \overline{HD} \Rightarrow x = \overline{CD} = 10 + 20 = 30$$

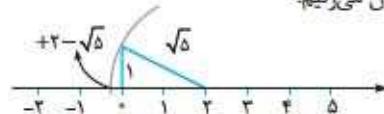
۱۱- می‌دانیم در متوازی‌الاضلاع زوایای رو به رو و اضلاع رو به رو با هم مساوی هستند.

$$\left. \begin{array}{l} AB = DC \text{ (وتر)} \\ \hat{H} = \hat{H}' = 90^\circ \\ \hat{B} = \hat{D} \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{و ز}} \triangle AHB \cong \triangle DH'C$$

۱۲- با در نظر گرفتن قوانین ضرب و تقسیم اعداد توان دار حاصل را به دست می‌آوریم.

$$\frac{(x^r)^s \times y^r}{(xy^r)^d} = \frac{x^{rs} \times y^r}{x^dy^{rd}} = \frac{x^r}{y^d} = \left(\frac{x}{y}\right)^r$$

۱۳- با شروع از نقطه  $+2$ ، مثلث قائم الزاویه‌ای را تشکیل می‌دهیم که طول وتر آن برابر  $\sqrt{5}$  است و درجهت منفی محور کمان می‌زنیم.

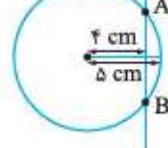


۱۴- مجموع اعداد داده شده را بر تعداد آن‌ها تقسیم می‌کنیم:  
 $\frac{3}{5} = \frac{1+(-1)+(+15)+22}{5} = 6$  میانگین مجموع

۱۵- (الف) کل حالات با توجه به نمودار درختی برابر است با:

بنابراین ۴ حالت داریم  
 (ب) کلًا چهار حالت داریم و حالات مطلوب برابر (رو - پشت) و (پشت - رو) هستند.  
 بنابراین احتمال برابر است با:

۱۶- فاصله خط  $d$  و مرکز دایره از شعاع کوچکتر است.  
 بنابراین خط و دایره متقاطع هستند و یکدیگر را در دو نقطه قطع می‌کنند.



۱۷- کمان  $AB$  برابر نیم دایره است. پس:

$$\hat{A} = \frac{\hat{A}^\circ}{2} = 40^\circ \quad \text{زاویه } A, \text{ زاویه محاطی رو به روی کمان } BC \text{ است، بنابراین:}$$

زاویه  $B\hat{O}C = 80^\circ$  زاویه مرکزی رو به روی کمان  $BC$  است، پس:

زاویه  $C\hat{O}A = 100^\circ$ . زاویه مرکزی رو به روی کمان  $AC$  است، بنابراین:

# درس نامه

## برای شب امتحان



### مثال

درستی یا نادرستی هر یک از عبارات زیر را مشخص کنید.

الف) تعداد اعداد صحیح بزرگ‌تر از  $-5$  بی‌شمار است.

ب) کوچک‌ترین عدد صحیح منفی دورقی  $-10$  است.

**پاسخ** الف) اعداد صحیح بزرگ‌تر از  $-5$  عبارت‌اند از:  $-4, -3, -2, \dots$  که

تعداد آن‌ها بی‌شمار است، بنابراین عبارت درست است.

ب) می‌دانیم اعداد منفی هر چه مقدار بزرگ‌تری داشته باشند، دارای ارزش کم‌تری هستند. بنابراین کوچک‌ترین عدد صحیح منفی دورقی عدد  $-99$  است و عبارت نادرست است.

### جمع اعداد صحیح

برای سهولت در جمع دو عدد صحیح، معمولاً دو حالت زیر را در نظر می‌گیریم:

**الف** عددهای هم‌علامت باشند: در این حالت عدهای را بهم جمع کرده و در آخر یکی از علامت‌ها را برای حاصل جمع قرار می‌دهیم.

**ب** عددهای هم‌علامت نباشند: در این حالت اختلاف دو عدد را بدون در نظر گرفتن علامت آن‌ها حساب می‌کنیم و در آخر علامت عددی را که مقدار آن بیشتر است برای حاصل قرار می‌دهیم.

### تفريق اعداد صحیح

برای راحتی در تفريقي دو یا چند عدد صحیح، ابتدا عمل تفريقي را به جمع تبدیل کرده و سپس با توجه به حالت‌هایی که در جمع اعداد صحیح گفتیم، عمل می‌کنیم.  
 $-5 - 7 = (-5) + (-7) = -12$

### مثال

حاصل عبارت  $-24 - 4 + 6 - 8 + \dots - 2$  را به دست آورید.

**پاسخ** حاصل تفريقي هر دو عدد متولی برابر  $-2$  است و نيز تعداد اعداد زوج از  $2$  تا  $24$  برابر  $12$  تا است، بنابراین:

تعداد دسته‌ها:  $6 = \frac{12}{2}$   
 حاصل عبارت:  $-12 = -6 \times (-2)$

### ضرب و تقسيم عددهای صحیح

ابتداء علامت حاصل را تعیین کرده سپس اعداد را بدون در نظر گرفتن علامت در هم ضرب و یا بر هم تقسیم می‌کنیم.

### مثال

حاصل عبارت زیر را به دست آورید.

$$\frac{(-12) \times (+21)}{(+35) \times (-44)}$$

**پاسخ** ابتدا علامت حاصل را تعیین می‌کنیم.

$\frac{(-) \times (+)}{(+)\times (-)} = \frac{(-)}{(-)} = +$   
 بنابراین علامت حاصل عبارت مثبت است و داریم:

$$+ \frac{\cancel{12} \times \cancel{21}}{\cancel{35} \times \cancel{44}} = \frac{9}{55}$$

## فصل ۱ عددهای صحیح و گویا

### عددهای طبیعی

عددهای  $\dots, -4, -3, -2, -1, 0, +1, +2, +3, \dots$  را عددهای طبیعی می‌گوییم و مجموعه اعداد طبیعی را با  $\mathbb{N}$  نمایش می‌دهیم.

**نکته** کوچک‌ترین عدد طبیعی  $1$  است و بزرگ‌ترین عدد طبیعی نامشخص می‌باشد.

### عددهای صحیح

عددهای  $\dots, -4, -3, -2, -1, 0, +1, +2, +3, \dots$  را عددهای صحیح می‌گوییم و مجموعه اعداد صحیح را با  $\mathbb{Z}$  نمایش می‌دهیم.

### مثال

کدام یک از اعداد زیر صحیح است؟ (مشاهده تمرین صفحه کتاب درسی)

$$\frac{7}{2}, \frac{22}{3}, \frac{14}{2}$$

**پاسخ** گزینه  $\frac{22}{3}$  هر یک از گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

گزینه  $(1)$ : مقدار  $\frac{7}{2}$  برابر  $3\frac{1}{2}$  می‌باشد که عددی صحیح نیست.

گزینه  $(2)$ :  $\sqrt{22}$  دارای جذر صحیح نمی‌باشد بنابراین عددی صحیح نیست.

گزینه  $(3)$ :  $\frac{14}{2} = 7$  برابر  $5$  می‌باشد که عددی صحیح است.

گزینه  $(4)$ :  $3\frac{1}{2}$  عددی اعشاری است و صحیح نیست.

### نکته اعداد صحیح

**نکته ۱** با کمی دقت به مجموعه اعداد صحیح و طبیعی می‌توان گفت که هر عدد طبیعی، عددی صحیح است.

**نکته ۲** اعداد صحیح شامل اعداد مثبت (همان اعداد طبیعی)، عدد صفر و اعداد منفی (قرینه اعداد طبیعی) است. توجه کنید که عدد صفر نه مثبت است و نه منفی، در واقع می‌توان گفت صفر بدون علامت است.

**نکته ۳** چون اعداد صحیح از دو طرف (هم مثبت‌ها و هم منفی‌ها) ادامه دار است، بنابراین کوچک‌ترین و بزرگ‌ترین عدد صحیح نامشخص است.

**نکته ۴** اعداد مثبت از صفر بزرگ‌تر و اعداد منفی از صفر کوچک‌تر هستند و نیز اعداد منفی هر چه مقدار بزرگ‌تری داشته باشند، دارای ارزش کم‌تری هستند.

**نکته ۵** به سمت کوچک‌ترشدن اعداد

**نکته ۶** اگر علامت عددی را تغییر دهیم آن عدد قرینه می‌شود.  
 $+10 = -(-10) = -2, -10 = -(+2) = -2, -(-2) = +2$

**نکته ۷** در قرینه کردن، اگر تعداد علامت‌های منفی زوج بود، علامت نهایی مثبت و اگر تعداد منفی‌ها فرد بود، علامت نهایی منفی می‌شود.

**نکته ۸** مثبت و اگر تعداد منفی‌ها فرد بود، علامت نهایی منفی می‌شود.  
 $-(-3) = -3, -(-7) = +7$

## اولویت انجام عملیات

اولویت انجام اعمال ریاضی به صورت زیر است:

- ۱ پرانتز (اگر چند پرانتز داشته باشیم از داخلی ترین شروع می‌کنیم)
- ۲ توان و جذر
- ۳ ضرب و تقسیم (از سمت چپ)
- ۴ جمع و تفریق

### مثال

$$\text{حاصل عبارت } (3^2 - 9 \times 3^2) \times 2^5 - 5^2 \text{ را به دست آورید.}$$

(مشابه تعریف مسحهای کتاب درس)

**پاسخ** با توجه به رعایت ترتیب عملیات داریم:

$$\begin{aligned} & 5^2 - 3^2 \times (82 - 9 \times 3^2) \\ & = 25 - 32 \times (82 - 9 \times 9) \\ & = 25 - 32 \times (82 - 81) \\ & = 25 - 32 = -7 \end{aligned}$$

## عددهای گویا

به هر عدد، که بتوانیم به صورت کسر  $\frac{a}{b}$  (که در آن  $a$  و  $b$  عددهای صحیح باشند و  $b \neq 0$ ) بنویسیم، عدد گویا می‌گوییم.

**نکته** هر عدد صحیح یا هر عدد طبیعی، یک عدد گویا است.

**نکته** اعداد رادیکالی که دارای جذر صحیح نیستند، گویا نمی‌باشند.

### مثال

کدام یک از گزینه‌های زیر عددی گویا نیست؟

$$(1) \quad \frac{1}{2} \quad (2) \quad \sqrt{25} \quad (3) \quad \sqrt{2} \quad (4) \quad \sqrt{\frac{1}{4}}$$

**پاسخ** گزینه (۳) هر یک از گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

گزینه (۱): گویا است، زیرا عددی طبیعی است و هر عدد طبیعی گویا است.

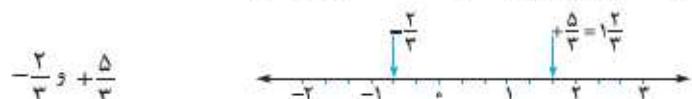
گزینه (۲): گویا است،  $\sqrt{25} = 5$  است و دارای جذر دقیق می‌باشد.

گزینه (۳): گویا نیست،  $\sqrt{2}$  دارای جذر دقیق نیست؛ بنابراین گویا نمی‌باشد.

گزینه (۴): گویا است، صورت و مخرج کسر، عددهای صحیح هستند.

## نکات اعداد گویا

**نکته ۱** برای نشان دادن یک عدد گویا روی محور اعداد، باید هر واحد را به مقدار عدد مخرج عدد گویای داده شده تقسیم بندی کرد و با توجه به علامت عدد گویا، محل آن را روی محور اعداد مشخص می‌کنیم.



با توجه به مخرج کسرهای داده شده هر واحد را به ۳ قسمت مساوی تقسیم کردیم.

**نکته ۲** علامت منفی پشت یک کسر متعلق به کل کسر می‌باشد یعنی می‌توان

$$-\frac{3}{4} = \frac{-3}{4} \quad \text{آن را به صورت یا مخرج اختصاص داد.}$$

**نکته ۳** قرینه اعداد گویا مانند قرینه اعداد صحیح می‌باشند یعنی فاصله هر عدد گویا تا صفر برابر است با فاصله قرینه آن تا صفر و برای به دست آوردن

$$\frac{2}{7} = \frac{3}{4} - \frac{3}{4} \quad \text{قرینه، علامت کسر را تغییر می‌دهیم.}$$

**نکته ۴** بین هر دو عدد گویای غیر مساوی، بیشتر عدد گویا وجود دارد که بزرگ‌ترین و کوچک‌ترین آن‌ها مشخص نیست.

### مثال

بین دو عدد  $\frac{2}{5}$  و  $\frac{3}{4}$  چند عدد صحیح وجود دارد؟

**پاسخ** عدد  $\frac{2}{5}$  بین ۳ و ۴ قرار دارد و عدد  $\frac{3}{4}$  بین ۷ و ۸ است.

در زیر، محل تقریبی این دو عدد گویا روی محور نشان داده شده است.



اعداد صحیح بین دو عدد گویای داده شده از -7 تا +3 هستند، که ۱۱ تا می‌باشند.

## کسرهای مساوی

اگر صورت و مخرج یک کسر را در عددی غیر از صفر ضرب و یا بر آن تقسیم کنیم، کسری مساوی آن به دست می‌آید.

$$\frac{9}{15} = \frac{3}{5}$$

$$-\frac{3}{4} = -\frac{15}{x} \Rightarrow x = 20$$

## ساده کردن کسرها

اگر صورت و مخرج یک کسر را بر ب.م. آن‌ها تقسیم کنیم، آن کسر تا حد امکان ساده شده است.

### مثال

$$\frac{-92}{-115}$$

عبارت مقابل را تا حد امکان ساده کنید.

**پاسخ** در گام اول دقت کنید علامت کسر مثبت است و در ادامه می‌دانیم  $= 22 - 22 = 22$  (۹۲, ۱۱۵)، بنابراین صورت و مخرج را بر ۲۲ تقسیم می‌کنیم:

$$\frac{-92}{-115} = \frac{92}{115} = \frac{4}{5}$$

## مقایسه دو کسر

برای مقایسه دو کسر با علامت مثبت، معمولاً مخرج‌ها را یکسان می‌کنیم. برای این کار، با توجه به کدم مخرج دو کسر داده شده، کسرهای مساوی آن‌ها را می‌نویسیم و کسری که صورت بزرگ‌تری دارد، بزرگ‌تر است؛ اما اگر علامت دو کسر منفی باشد در مرحله آخر، کسر با صورت بزرگ‌تر را به عنوان کسر کوچک‌تر انتخاب می‌کنیم.

**نکته** کسرهای با علامت مثبت همواره از کسرهای با علامت منفی بزرگ‌ترند.

## نوشتن چند کسر بین دو کسر

می‌دانیم بین هر دو کسر (عدد گویا) بیشمار کسر وجود دارد که برای نوشتن تعداد دلخواهی از آن‌ها این‌طور عمل می‌کنیم که ابتدا بین دو کسر مخرج مشترک گرفته، سپس صورت و مخرج کسرها را در یکی بیشتر از تعداد مورد نیاز ضرب می‌کنیم.

### مثال

دو کسر بین اعداد  $\frac{3}{4}$  و  $\frac{2}{7}$  بنویسید.

**پاسخ** ابتدا بین دو کسر مخرج مشترک می‌گیریم:  $\frac{8}{28}, \frac{21}{28}, \dots$  حال می‌توانیم از کسرهای  $\frac{9}{28}, \frac{10}{28}, \dots$  دو کسر را به دلخواه انتخاب کرد.

## جمع و تفریق عددهای گویا

### الف) روی محور

با توجه به تقسیم‌بندی هر واحد روی محور اعداد صحیح به قسمت‌های کوچک‌تر، متناظر با هر حرکت، می‌توان یک عدد گویا نوشت؛ در نتیجه برای حرکت‌های متواالی روی محور می‌توان یک جمع متناظر نوشت و برای نوشتن تفریق اعداد گویا، مانند اعداد صحیح می‌توانیم عدد اول را با قرینه عدد دوم جمع کنیم.



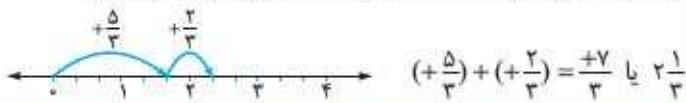
تفريق زير را روی محور اعداد نشان دهيد و حاصل را بنويسيد.

$$\left(+\frac{5}{3}\right) - \left(-\frac{2}{3}\right)$$

**پاسخ** ابتدا تفريقي داده شده را به جمع تبديل مي کنيم:

$$\left(+\frac{5}{3}\right) + \left(+\frac{2}{3}\right) = \left(+\frac{5}{3}\right) - \left(-\frac{2}{3}\right)$$

حال هر يك از واحدهای محور اعداد صحيح را به ۳ قسمت مساوی تقسيم کرده و متناظر با هر عدد گويا، در جهت علامت آن حرکت مي کنيم:



$$\frac{1}{3} \text{ يا } \frac{2}{3} = \frac{+7}{3} = \left(+\frac{5}{3}\right) + \left(+\frac{2}{3}\right)$$

### ب) روش محاسباتي

ابتداعلامت مخرجها را مثبت مي کنيم، سپس ک.م.م. مخرجها را به عنوان مخرج مشترك در نظر گرفته و در نهايى حاصل جمع یا تفريقي صورت ها را محاسبه مي کنيم.

حاصل عبارت زير کدام است؟

$$\left(+\frac{1}{4}\right) + \left(-\frac{2}{3}\right)$$

**پاسخ** با توجه به ک.م.م دو عدد ۳ و ۴ بين دو كسر، مخرج مشترك مي گيريم:

$$\left(+\frac{1}{4}\right) = \frac{3}{12} - \frac{8}{12} = -\frac{5}{12}$$

### ضرب اعداد گويا

براي ضرب عدددهای گويا ابتدا علامت حاصل را مشخص کرده سپس صورت ها را در هم و مخرج ها را در هم ضرب مي کنيم.

$$\frac{1}{15} = \frac{1}{12} \times \frac{1}{10} = \frac{1}{120}$$

### معکوس يك عدد گويا

اگر جاي صورت و مخرج يك كسر را عوض کنيم، معکوس آن به دست مي آيد. عدد صفر، تنها عددی است که معکوس ندارد.

$$\frac{4}{3} \rightarrow \text{معکوس} \rightarrow \frac{3}{4}$$

**نکته** حاصل ضرب هر عدد غير از صفر در معکوس خود، برابر ۱ است.

$$\frac{3}{5} \times \frac{5}{3} = 1 \rightarrow \text{را به دست آوريد.}$$

(مشابهه گار در کلاس صفحه ۱۶ کتاب درسی)

**پاسخ** ابتدا عدد مخلوط داده شده را به کسر تبديل مي کنيم و سپس آن را

معکوس و در نهايى قرينه مي کنيم:

$$\frac{5}{13} \rightarrow \text{قرينه} \rightarrow \frac{13}{5} \rightarrow \text{معکوس} \rightarrow \frac{5}{13}$$

### تقسيم اعداد گويا

براي تقسيم عدددهای گويا ابتدا علامت حاصل را مشخص کرده، سپس کسر اول را نوشته و آن را در معکوس کسر دوم، ضرب مي کنيم.

$$\frac{9}{19} \times \frac{18}{28} = +\frac{9}{19} \times \frac{18}{28} = \frac{9}{19} \div \frac{28}{18}$$

**نکته** در ضرب و تقسيم اعداد مخلوط، ابتدا عدد مخلوط را به کسر تبديل مي کنيم.

**نکته** برای محاسبه حاصل عبارت های گويا، با رعایت تمام مواردي که درباره چهار عمل اصلی روی اعداد گويا ذکر شد، به لولیت انجام عملیات ریاضی نیز توجه مي کنيم.

## فصل ۲ عدههای اول

### شمارندههای طبیعی يك عدد

به اعداد طبیعی که عدد ۵، بر آنها بخش پذير است، شمارندههای عدد ۵ مي گویيم  
 $1, 2, 3, 4, 6, 12 =$  شمارندههای ۱۲

اعداد طبیعی را با توجه به تعداد شمارندههای آنها می توان به سه دسته زير تقسيم کرد:

**a) عدد يك**

**b) اعداد مرکب**

**c) اعداد اول**

### الف) اعداد اول

هر عدد طبیعی بزرگتر از يك، که هیچ شمارنده طبیعی بهجز يك و خودش نداشته باشد، عدد اول نامیده می شود؛ مانند: ۳، ۷، ۱۱ و ...

**مثال** ۵۷، ۴۶، ۵۹، ۳

کدام عدد فقط دو شمارنده دارد؟

$$(1) \quad 57 \quad (2) \quad 46 \quad (3) \quad 59 \quad (4) \quad 3$$

**پاسخ** گزینه «۳» گزینه «۱» بر ۳ و گزینه های «۲» و «۴» بر ۲ بخش پذير هستند، بنابراین اول نیستند اما گزینه «۳» اول است زیرا ۵۹ تنها بر ۱ و خودش بخش پذير است.

### نکات اعداد اول

**نکته ۱** هر عدد اول تنها دارای دو شمارنده است، يك عدد ۱ و دیگری خود عدد.

بنابراین هر عدد اول را نمی توان به صورت ضرب دو عدد طبیعی بزرگتر از يك نوشت.

**نکته ۲** تعداد عدددهای اول بی شمار است که اولین و کوچکترین آنها عدد ۲ و بزرگترین آنها نامشخص است.

**نکته ۳** عدد ۲، تنها عدد اول زوج است و بقیه اعداد اول، فرد هستند.

**نکته ۴** هر عدد اول، فقط يك شمارنده اول و يك مضرب اول دارد که آن هم خود عدد است.

**نکته ۵** از آن جا که مجموع و اختلاف يك عدد فرد و يك عدد زوج همواره عددی فرد است، بنابراین اگر مجموع یا اختلاف دو عدد اول، عددی فرد شود، می توان گفت يكی از آن اعداد حتماً ۲ است.

**مثال** مجموع دو عدد اول ۴۹ می باشد. عدد بزرگتر کدام است؟

**پاسخ** از آن جا که مجموع دو عدد اول، عددی فرد است، بنابراین يكی از آن حتماً ۲ است؛ بنابراین عدد بزرگتر ۴۷ می باشد.

### ب) اعداد مرکب

هر عدد طبیعی بزرگتر از يك که غیر از خودش و يك، شمارندههای طبیعی دیگری داشته باشد و یا به عبارت دیگر اول نباشد، مرکب است؛ مانند: ۶، ۲۱ و ...

### نکات اعداد مرکب

**نکته ۱** از آن جا که اعداد مرکب بيشتر از دو شمارنده دارند می توان آنها را به صورت ضرب دو عدد طبیعی بزرگتر از يك نوشت.

**نکته ۲** تمامی مضربهای طبیعی يك عدد اول، به غیر از خودش مرکب هستند؛ همچنان تمامی مضارب طبیعی يك عدد مرکب، مرکب هستند.

**نکته ۳** برای تجزیه هر عدد مرکب باید آن را به صورت ضرب دو یا چند شمارنده اول نوشت (برای تجزیه اعداد مرکب از نمودار درختی استفاده می کنيم).

**مثال** عدد ۹۰ چند شمارنده اول دارد؟

**پاسخ** با استفاده از رسم نمودار درختی، شمارندههای

اول عدد ۹۰ را تعیين مي کنيم:

بنابراین شمارندههای اول ۹۰ اعداد ۳، ۵ و ۲ هستند.

